



Coimisiún na Scrúduithe Stáit

SCRÚDÚ AN TEASTAIS SHÓISEARAIGH, 2011

MATAMAITIC – ARDLEIBHÉAL

PÁIPÉAR 1 (300 marc)

DÉ hAOINE, 10 MEITHEAMH – TRÁTHNÓNA, 2.00 go dtí 4.30

Freagair **GACH** ceist.

Gabhann 50 marc le gach ceist.

Féadfar grafpháipéar a fháil ón bhfeitheoir.

Cuireann an tsiombail in iúl go gcaithfear obair thacaíochta a thaispeáint
chun lánmharcanna a ghnóthú.

1. (a) Roinneann Peadar agus Áine duais lató sa chóimheas $3\frac{1}{2}$ le $2\frac{1}{2}$.
Is é sciar Pheadair ná €35 000.



Cad é an duaischiste iomlán?

- (b) (i) Is iad trastomhais Véineas agus Satairn ná $1 \cdot 21 \times 10^4$ km
agus $1 \cdot 21 \times 10^5$ km.
 Cad é an difríocht idir trastomhas an dá phláinéad?
Bíodh do fhreagra san fhoirm $a \times 10^n$ áit a bhfuil $n \in \mathbb{Z}$ agus $1 \leq a < 10$.

- (ii) Scríobh $\frac{\sqrt{3} \times 27}{3^2}$ san fhoirm 3^n áit a bhfuil $n \in \mathbb{Q}$.

- (c) (i) Slánaigh go dtí an tslánuimhir is gaire agus déan meastachán ar luach

$$\frac{\sqrt{(7 \cdot 17)^2 + 14 \cdot 59}}{8 \cdot 29 - 1 \cdot 64 \times 2 \cdot 23}.$$

Ansin luacháil $\frac{\sqrt{(7 \cdot 17)^2 + 14 \cdot 59}}{8 \cdot 29 - 1 \cdot 64 \times 2 \cdot 23}$, ceart go dtí ionad deachúlach amháin.

- (ii) Bhí Úna agus Conchúr ag taistéal go dtí an Afraic Theas.

Cheannaigh siad 5760 rand sa bhanc.

Ghearr an banc €630 orthu, agus bhí táille sheirbhíse 5% san áireamh.



Cad é luach an euro ina rand (an ráta malairte) an lá sin?

2. (a) Íoctar tuarastal bliantúil €30 000 le díoltóir ríomhairí.

Íoctar coimisiún 4% leis freisin ar dhíolacháin.

Anuraidh thuill an díoltóir €38 000.

 Ríomh an luach a bhí ar na díolacháin.

(b) Tá Aoife singil agus thuill sí €40 000 anuraidh. Tá creidmheasanna cánach Aoife sa liosta thíos.

Creidmheas Cánach Duine Singil	€1830
Creidmheas Cánach ÍMAT	€1830
Creidmheas Cánach Liúntas Cíosa	€400
Creidmheas Cánach Íocaíocht Cheardchumainn	€70

(i)  Ríomh creidmheasanna cánach iomlána Aoife.

Ba é an scoithphointe ar an ráta caighdeánach do dhuine singil ná €36 400.

Ba é 20% an ráta caighdeánach cáin ioncaim agus ba é 41% an t-ardráta.

(ii)  Ríomh an chái a d'íoc Aoife ar a hioncam.

Bhí ar Aoife tobhach ioncaim 2% a íoc ar a hioncam iomlán freisin.

(iii)  Ríomh glan-ioncam Aoife tar éis na n-asbhaintí go léir.

(c) Is é U an t-uilethacar agus is dhá fho-thacar de U iad P agus Q .

$U = 30$, # $P = 16$ agus # $Q = 6$.

(i)  Bain úsáid as léaráid Venn agus faigh íosluach # $(P \cup Q)'$.

(ii)  Bain úsáid as léaráid Venn agus faigh uasluach # $(P \cup Q)'$.

$U = u$, # $P = p$, # $Q = q$ agus # $(P \cup Q)' = x$.

(iii)  Taispeáin le cabhair léaráid Venn go bhfuil $u = p + x$ má tá $p > q$ agus más uasluach é x .

3. (a) Má thugtar go bhfuil $t^2 - s = r$, sloinn t i dtéarmaí r agus s .

(b) (i) Roinn $3x^2 + 5x - 28$ ar $x + 4$.

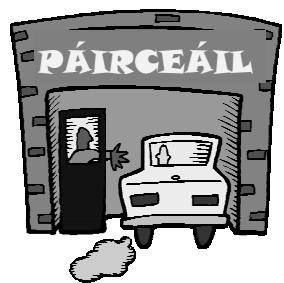
(ii) Réitigh an chothromóid $\frac{4x+2}{5} - \frac{6-x}{3} = -5$.

(c) Tá áit le gluaisteán agus mionbhusanna a pháirceáil i gcurrchlós.

Lá áirithe bhí x gluaisteán agus y mionbhus sa charrchlós.

Bhí 520 feithicil san ionlán ann.

Is é an t-achar páirceála a theastaíonn le haghaidh gluaisteáin
ná 7 m^2 agus an t-achar páirceála le haghaidh mionbhus ná 12 m^2 .



An lá sin bhí achar ionlán 3840 m^2 líonta le gluaisteán agus le mionbhusanna.

(i) Scríobh síos dhá chothromóid chun an t-eolas thuas a léiriú.

(ii) Réitigh na cothromóidí sin chun líon na ngluaisteán agus líon
na mionbhusanna sa charrchlós an lá sin a fháil.

Íoctar táille ar ráta seasta in aghaidh an lae as páirceáil.

Tá ráta seasta na mionbhusanna 3 huaire níos mó ná ráta na ngluaisteán.

Tógadh €3000 an lá sin.

(iii) Cad é ráta seasta na ngluaisteán?

4. (a) Graf a thacar réitigh seo ar an uimhirlíne:

$$-2x + 1 > -7, \quad x \in \mathbb{N}.$$

- (b) (i) Fachtóirigh $x^2 - 1$.

- (ii) Fachtóirigh $ax - 3 - a + 3x$ go hiomlán.

- (iii) Fachtóirigh $6x^2 + x - 35$.

- (c) Tá suíocháin do 200 iriseoir sa staid nua i mBóthar Lansdún.

Socraíodh i dtosach go mbeadh na suíocháin seo ina x sraith ar an luach céanna.

- (i) Scríobh, i dtéarmaí x , líon na suíochán atá ag teastáil i ngach sraith chun áit a chur ar fáil don 200 iriseoir.

Socraíodh le linn na tógála go mbeadh 3 shraith níos lú ann chun áit a chur ar fáil don 200 iriseoir.

- (ii) Scríobh, i dtéarmaí x , líon na suíochán atá ag teastáil i ngach sraithanois.

Fuarhas amach go raibh 15 shuíochán breise ag teastáil i ngach sraith i gcomparáid leis an bplean tosaigh.

- (iii) Agus an t-eolas thusa á úsáid agat, scríobh cothromóid agus réitigh í le haghaidh x .



5. (a) Má thugtar go bhfuil $f(x) = 3x - 4$ agus $f(k) = 11$, faigh luach k .

(b) Bíodh f mar an fheidhm $f: x \rightarrow 7x - x^2$.

Tarraing graff f do $0 \leq x \leq 7$, $x \in \mathbb{R}$.

(c) Tugtar an fhoirmle d'airde, y méadar, liathróid ghaileann cionn leibhéal na talún x soicind tar éis í a bhualadh, mar $7x - x^2$.

Bain úsáid as do ghraf i gcuid (b):

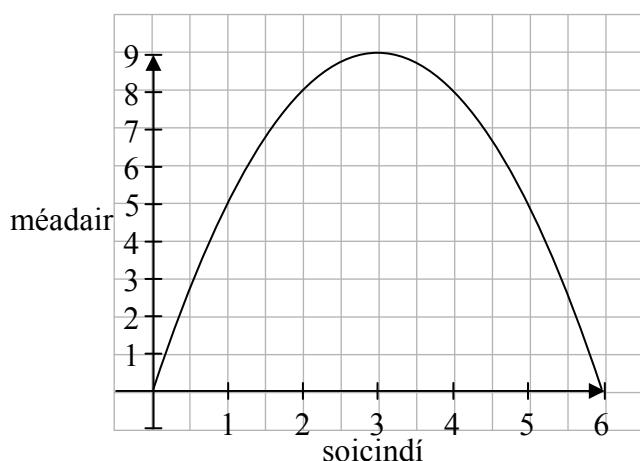
(i) chun an airde uasta a shroicheann an liathróid ghaileann a fháil

(ii) chun líon na soicindí a raibh an liathróid ghaileann

níos mó ná 2 mhéadar os cionn na talún, a mheas.

Sa ghraf thíos léirítear gluaiseacht liathróid ghaileann eile.

Tugtar gluaiseacht **na** liathróide gailf leis an bhfoirmle $ax - x^2$, $x \in \mathbb{R}$.



(iii) Faigh luach a .

6. (a) Nuair atá $a = \frac{1}{4}$, faigh luach $\frac{a+5}{3} - \frac{a+4}{2}$.

- (b) (i) Sloinn é seo san fhoirm is simplí:

$$\frac{4}{x-1} - \frac{5}{x+2}.$$

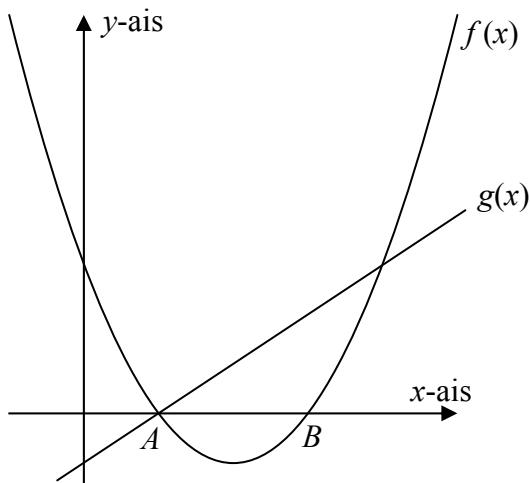
- (ii) Uaidh sin, nó ar shlí eile, réitigh an chothromóid:

$$\frac{4}{x-1} - \frac{5}{x+2} = \frac{3}{2},$$

agus bíodh do chuid freagraí ceart go dtí ionad deachúlach amháin.

- (c) Sa léaráid thíos taispeántar cuid de ghraif na bhfeidhmeanna

$$f(x) = x^2 - 4x + 3 \text{ agus } g(x) = x + k.$$



Gearrann graf $f(x)$ an x -ais ag A agus B .

Trasnaíonn graif $f(x)$ agus $g(x)$ a chéile ag A .

- (i) Faigh comhordanáidí A agus comhordanáidí B .

- (ii) Faigh luach k .

- (iii) Fíoraigh go dtrasnaíonn $f(x)$ agus $g(x)$ a chéile ag an bpointe $(4, 3)$ freisin.

Leathanach Bán